





ÉCONOMÉTRIE

 $Appliqu\'ee \ avec \ R$

Lahcen OULHAJ

Professeur de Sciences économiques

Modèle linéaire et sa généralisation Économétrie des séries chronologiques Économétrie des données de panel RCT et modèle causal Économétrie bayésienne

POLICY CENTER FOR THE NEW SOUTH

Le Policy Center for the New South (PCNS) est un think tank marocain dont la mission est de contribuer à l'amélioration des politiques publiques, aussi bien économiques que sociales et internationales, qui concernent le Maroc et l'Afrique, parties intégrantes du Sud global.

Le PCNS défend le concept d'un « nouveau Sud » ouvert, responsable et entreprenant ; un Sud qui définit ses propres narratifs, ainsi que les cartes mentales autour des bassins de la Méditerranée et de l'Atlantique Sud, dans le cadre d'un rapport décomplexé avec le reste du monde. Le think tank se propose d'accompagner, par ses travaux, l'élaboration des politiques publiques en Afrique, et de donner la parole aux experts du Sud sur les évolutions géopolitiques qui les concernent. Ce positionnement, axé sur le dialogue et les partenariats, consiste à cultiver une expertise et une excellence africaines, à même de contribuer au diagnostic et aux solutions des défis africains.

www.policycenter.ma

Abstract

- 1- Introduction to R
- I- Linear Model
- 2- Statistical and Mathematical Foundations
- 3- Simple linear regression
- 4- Multiple linear regression
- 5- Diagnostic of linear regression
- 6- Linear Model Generalization
- 7- Simultaneous Equations Model
- II- Time Series
- 8- Univariate Time Series Models
- 9- VAR and VEC Models
- 10- SVAR and ARDL Models
- 11- Introduction to DSGE Model
- III- Panel Data
- 12- Main Linear Models of Panel Data
- 13- Other Static Models of PD
- 14- Dynamic Models of DP
- IV- Causality and Causal Model
- 15- Causality and RCT
- 16- Causal Model and Extensions
- V- Bayesian Econometrics
- 17- Introduction to bayesian inference
- 18- Introduction to Monte-Carlo methods
- 19- Normal model inference
- 20- Bayesian linear regression and selection of models
- 21- Introduction to Artificial Intelligence

Préface

Cet ouvrage est conçu pour les étudiants de Master en Sciences économiques. Il peut également être utile pour les doctorants dans ce domaine. Il présente les applications des différentes méthodes économétriques sous le logiciel R. C'est pour cette raison qu'il commence par un court chapitre de présentation de R et des données macroéconomiques de la Banque mondiale (BM) pouvant être utilisées pour l'estimation de différents modèles.

Le manuel se divise par la suite en cinq parties. La première traite du modèle linéaire et de sa généralisation, la deuxième est consacrée à l'économétrie des séries temporelles, la troisième à celle des données de panel, la quatrième au traitement économétrique de la causalité et la cinquième introduit la modélisation économétrique bayésienne et l'intelligence artificielle.

La première partie comprend six chapitres. Le premier présente les fondements statistico-mathématiques de l'économétrie, le deuxième traite du modèle de régression linéaire simple, le troisième expose le modèle de régression multiple, le quatrième l'évaluation et les diagnostics du modèle linéaire classique, le cinquième porte sur la généralisation du modèle linéaire et le sixième traite les modèles à équations simultanées.

La deuxième partie, consacrée aux séries temprelles, comprend quatre chapitres. Le premier présente les modèles univariés des séries temporelles, le deuxième les modèles VAR et VECM, le troisième les modèles SVAR et ARDL et le quatrième présente une introduction au modèle DSGE.

La troisième partie, consacrée aux données de panel, comprend trois chapitres. Le premier est consacré aux principaux modèles linéaires des DP, le deuxième aux autres modèles statiques et le troisième aux modèles dynamiques des DP. La quatrième partie, consacrée au traitement économétrique de la causalité, comprend deux chapitres. Le premier traite de la causalité et des essais randomisés et contrôlés et le second du modèle causal et de ses extensions.

La cinquième et dernière partie de l'ouvrage est consacrée à l'économétrie bayésienne. Elle comprend cinq chapitres. Le premier introduit l'inférence bayésienne. Le deuxième présente les méthodes de Monte Carlo. Le troisième traite

de l'inférence du modèle normal. Le quatrième introduit la régression linéaire bayésienne. Le cinquième et dernier introduit l'intelligence artificielle.

Cet ouvrage est loin d'être complet. Pour l'être, il devrait être encore beaucoup plus volumineux qu'il ne l'est déjà. Nous ne prétendons avoir ni la qualification requise, ni d'ailleurs le temps nécessaire pour accomplir un tel travail. Les deuxième, troisième et quatrième parties du présent manuel qui traitent de l'économétrie des séries chronologiques, des données de panel et du modèle causal et de ses extensions, seront d'une grande utilité pour les jeunes chercheurs. Nous sommes, dans ces parties, au cœur des outils les plus utilisés aujourd'hui par la recherche empirique économique.

Nous estimons que la cinquième partie de l'ouvrage, traitant de l'économétrie bayésienne, est originale pour les étudiants marocains en sciences économiques. Elle leur sera d'une grande utilité pour l'estimation de modèles macroéconomiques de plus en plus complexes et de plus en plus utilisés pour la conduite des politiques macroéconomiques, monétaire et budgétaire. Les méthodes de l'économétrie bayésienne, dont le développement relativement récent est rendu possible par le développement de la puissance croissante des ordinateurs personnels, sont de plus en plus utilisées, non seulement par l'économètre, mais aussi par les chercheurs dans le domaine de la science des données et de ce qu'on appelle l'intelligence artificielle et ses multiples applications.

Notre ambition à travers cet ouvrage est de familiariser nos étudiants avec ces techniques devenues indispensables à la formation de l'économiste. Le jeune économiste marocain doit maîtriser ces techniques et les utiliser pour participer activement à la recherche économique empirique internationale et contribuer ainsi à une meilleure connaissance du fonctionnement de l'économie nationale. Évidemment, la langue dominante de la recherche internationale, en économie comme dans d'autres domaines, est l'anglais. Nos jeunes étudiants sont loin d'être démunis sur ce plan.

Ce qui leur manque le plus, en revanche, est la parfaite maîtrise de la langue française pour leur permettre une culture économique suffisante, afin de toujours ramener leurs analyses à des problématiques économiques et rapprocher la discussion et l'interprétation des résultats de leurs estimations aux implications économiques.

Nos étudiants ne doivent jamais perdre de vue qu'ils sont appelés à devenir des économistes et non des économètres. L'économétrie ne devrait être, à leurs yeux, qu'un outil, certes indispensable, mais toujours au service de la science économique. L'économiste doit être d'abord un économiste, comme le physicien doit être d'abord physicien, même si, dans certains domaines de la physique, le physicien doit être aussi, un peu mathématicien.

Table des matières

\mathbf{A}	bstra	ct			iii
Pı	réface	е			\mathbf{v}
Pı	rolog				vii
	0.1	Qu'es	t-ce que l'économétrie?		vii
	0.2	Bref a	perçu historique de l'économétrie		X
	0.3		ines d'application de l'économétrie		
	0.4	Poids	de l'économétrie en économie $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$		xix
	0.5	Statut	t épistémologique de l'économétrie		XX
\mathbf{R}	emer	cieme	nts	X	xvi
D	édica	ces		X	xix
Sc	omma	aire		XX	xiii
1	Pré	sentat	ion du logiciel/ langage R		1
	1.1		ntation de R		1
		1.1.1	Qu'est-ce que R?		1
		1.1.2	Pourquoi faut-il utiliser R?		
		1.1.3	Interfaces de R		2
		1.1.4	Installation de R		3
		1.1.5	Utilisation de R		4
		1.1.6	Travailler avec des données		5
		1.1.7	Importation de données		11
	1.2	Base of	de données de la Banque mondiale		11
		1.2.1	Utilisation d'Eurostat ou de Penn World Table		15
		1.2.2	Exemples d'Indicateurs de développement		
	1.3	Packa	ges et fonctions par chapitre		20
		1.3.1	Modèle de régression linéaire simple		20

		1.3.2	Modèle de régression multiple	. 21
		1.3.3	Evaluation et diagnostics du modèle linéaire classique .	
		1.3.4	Généralisation du modèle linéaire	
		1.3.5	Modèles à équations simultanées	. 22
		1.3.6	Modélisation des séries chronologiques	
		1.3.7	Chapitres sur les données de panel	. 22
		1.3.8	Chapitres relatifs à la causalité	
		1.3.9	Chapitres relatifs à l'inférence bayésienne	
		1.3.10		
			Liste des codes à deux lettres des pays	
Ι	\mathbf{M}	odèle	Linéaire et ML Général	31
2			ts statistico-mathématiques	33
	2.1		tifs pédagogiques du chapitre	
	2.2		uction	
	2.3		ie de la p-valeur versus théorie des tests d'hypothèses	
		2.3.1	Test de significativité de R. Fisher	
		2.3.2	Tests d'hypothèses de Neyman-Pearson	
		2.3.3	Théorie NHST de Lindquist	
	2.4		overse philosophique autour de la statistique fréquentiste	
	2.5		ie des intervalles de confiance de Neyman	
		2.5.1	Méthode de calcul des intervalles de confiance	
		2.5.2	Aspects théoriques des IC	
		2.5.3	Théorie de l'inférence fiduciaire de Fisher	
		2.5.4	Inférence fiduciaire généralisée (IFG)	. 62
3	Mo	dèle de	e régression linéaire simple	71
	3.1		tifs pédagogiques du chapitre	
	3.2	Présen	ntation et spécification du modèle	. 72
	3.3	Estima	ation du modèle	. 75
		3.3.1	Méthode des moindres carrés ordinaires	. 75
		3.3.2	Méthode du maximum de vraisemblance	. 76
		3.3.3	Méthode des moments généralisée	. 78
	3.4	Exemp	ple de régression linéaire simple utilisant R	
	3.5	Hypot	hèses du modèle de régression linéaire simple	. 82
	3.6	Propri	étés de l'estimateur des moindres carrés	. 84
		3.6.1	Le théorème de Gauss-Markov	. 84
		3.6.2	L'estimateur des MCO est linéaire	
		3.6.3	L'estimateur des MCO est sans biais	. 85
		3.6.4	L'estimateur des MCO est convergent	. 87
		3.6.5	L'estimateur des MCO est efficace	. 88

Econométrie 1193

		3.6.6	Estimation de la variance des erreurs	90
	3.7	Qualit	é de l'ajustement	93
	3.8	Tests of	d'hypothèses du modèle	95
		3.8.1	Rappels sur la loi normale	95
		3.8.2	Tests d'hypothèses sur les paramètres	96
		3.8.3	Test portant sur la qualité de l'ajustement	98
		3.8.4	Autres tests d'hypothèses	99
	3.9	Exemp	ple complet de régression linéaire simple	99
	3.10	Prévis	ions avec le modèle	102
	3.11	Exemp	ple de modèle de régression linéaire simple	104
		3.11.1	Importation et préparation de données macroéconomiques	
			du Maroc	104
		3.11.2	Modèle de régression de la croissance économique sur la	
			croissance agricole	106
		3.11.3	Prédiction hors échantillon avec le modèle	108
	3.12	Ré-éch	nantillonnage ou bootstrapping	109
	3.13	Simula	ation de Monte Carlo	111
	3.5			
4			e régression multiple	113
	4.1		tifs pédagogiques du chapitre	
	4.2		uction	
	4.3		ntation du modèle de régression linéaire multiple (MRLM)	
	4.4		ation des paramètres du modèle	
			Estimateur des MCO	
			Estimateur du Maximum de Vraisemblance	
	1 -		Estimateur de la méthode généralisée des moments, GMM	
	4.5	-	ples d'estimation d'un modèle de RLM	
			Premier exemple sur la croissance au Maroc	
	16	4.5.2	Second exemple sur les caractéristiques de véhicules	
	$4.6 \\ 4.7$	-	rétation géométrique de l'estimation des MCO	
	4.1		Hypothèses stochastiques	
		4.7.1 $4.7.2$	Hypothèses structurelles du modèle	
	4.8		étés de l'estimateur des MCO	
	4.0	4.8.1	L'estimateur OLS est sans biais	
		4.8.2	L'estimateur OLS est efficace	
		4.8.3	Estimateur de la variance des erreurs	
		4.8.4	Exemple de calcul des variances et covariances	
		4.8.5	L'estimateur OLS est convergent	
		4.8.6	L'estimateur des OLS est asymptotiquement normal	
	4.9		é de la régression et analyse de la variance	
		-	des hypothèses du modèle	
	4.10	Teses (ись пурочисьсь и и шочете	140

		4.10.1 Test de Fisher	. 141
		4.10.2 Test de Student	. 142
	4.11	Exemple complet de modèle de régression linéaire multiple	. 142
		Prévision avec le modèle RLM	
		Rééchantillonnage	
		Simulation de Monte Carlo	
		Minimisation des variances des estimateurs : Calcul différentiel	
	4.40	matriciel	
		Matrice des corrélations des indicateurs de développement	
		Données utilisées pour la RLM	
	4.18	Croissance observée et croissance prédite par le modèle	. 160
5		luation et diagnostics du modèle linéaire classique	
	5.1	Objectifs pédagogiques du chapitre	
	5.2	Qualité de l'ajustement, test de manque d'ajustement	
		5.2.1 Cas où la variance des erreurs σ^2 est connue	
	5.3	5.2.2 Cas où la variance des erreurs σ^2 est inconnue Tests des régresseurs, intervalles de confiance, erreurs sur ré-	. 168
	0.0	gresseurs	179
		5.3.1 Test de tous les régresseurs	
		5.3.2 Test d'un seul régresseur	
		5.3.3 Intervalle de confiance de β	
			. 170
		5.3.4 Erreurs sur régresseurs et méthode des IV (Instrumental Variables	176
		8	
	F 1		
	5.4	Orthogonalité	
	5.5	Identifiabilité	. 190
	5.6	Tests d'hétéroscédasticité, d'autocorrélation et d'erreur de spé-	105
		cification	
		5.6.1 Hétéroscédasticité	
		5.6.2 L'autocorrélation	
		5.6.3 Erreur de spécification	
	5.7	Etudes analytique et graphique des résidus	
		5.7.1 Test de point aberrant	
		5.7.2 Test de linéarité	
		5.7.3 Test de normalité	
	5.8	Test de multicolinéarité	. 239
6		éralisation du modèle linéaire	241
	6.1	Objectifs pédagogiques du chapitre	
	6.2	Introduction	
	6.3	Modèle linéaire général	243

Econométrie	1195

7	6.5 Moc 7.1 7.2 7.3 7.4	6.4.2 Modèle probit Autres modèles de probabilité 6.5.1 Modèle de régression de Poisson dèles à Équations Simultanées objetifs pédagogiques du chapitre Introduction Biais de simultanéité 7.3.1 Modèle keynésien élémentaire 7.3.2 Modèle d'équilibre partiel Problème d'identification 7.4.1 Expression matricielle d'un MES et problème d'identification 7.4.2 Conditions d'identification Estimation d'un modèle d'équations simultanées	. 292 . 292 295 . 295 . 296 . 297 . 297 . 299 . 300
IJ	S	éries Temporelles	341
II 8		éries Temporelles dèles univariés de ST	341 343
		dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343
	Mod	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344
	Mo e 8.1	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344
	Mo e 8.1	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345
	Moo 8.1 8.2	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347
	Mo e 8.1	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347
	Moo 8.1 8.2	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360
	Mod 8.1 8.2	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380
	Mod 8.1 8.2	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388 . 390
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388 . 390 . 391
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388 . 390 . 391
	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388 . 390 . 391
8	Mod 8.1 8.2 8.3	dèles univariés de ST Objectifs pédagogiques du chapitre Introduction à l'analyse stochastique univariée des ST 8.2.1 Qu'est-ce qu'une série temporelle? 8.2.2 Évolution historique de l'analyse des séries temporelles 8.2.3 Étude de la stationnarité d'une ST Modélisation linéaire : ARIMA 8.3.1 Processus AR 8.3.2 Modèle de moyenne mobile, MA 8.3.3 Modèles ARMA et ARIMA Modélisation non linéaire : Modèles ARCH 8.4.1 Processus ARCH 8.4.2 Modèle GARCH 8.4.3 Autres spécifications du modèle GARCH 8.4.4 Modèles GARCH dans R	343 . 343 . 344 . 344 . 345 . 347 . 359 . 360 . 379 . 380 . 387 . 388 . 390 . 391 . 391

	9.3	Notion	et tests de cointégration	. 399
			Cointégration de deux séries	
		9.3.2	Cointégration de plus de 2 séries	
	9.4	Estima	ation et analyse d'un modèle VEC	
		9.4.1	VEC de deux séries	
		9.4.2	VEC pour plus de deux séries	
	9.5		ation et analyse d'un modèle VAR	
		9.5.1	Construction du modèle VAR	
		9.5.2	Utilisation du VAR pour faire des prédictions	. 443
		9.5.3	Analyse Impulsion-Réponse	
		9.5.4	Décomposition de la matrice de covariance des erreurs	
		9.5.5	Stabilité du VAR	
10	SVA	\mathbf{R} et A	ARDL	465
	10.1	Object	ifs pédagogiques du chapitre	. 465
			tructurel (SVAR)	
			Restrictions de court terme	
			Décomposition de Blanchard-Quah	
			Nouvelles méthodes d'identification	
			Estimation du SVAR dans R	
	10.3		extensions du VAR : VAR-X et FAVAR	
		10.3.1	Modèle VARX	. 483
			Modèle FAVAR	
	10.4		e ARDL	
		10.4.1	Spécification du modèle ARDL	. 486
			Estimation de ARDL	
		10.4.3	Tests de cointégration aux bornes	. 492
			Estimation de ECM du modèle ARDL	
11	Int	roducti	ion au modèle DSGE	507
	11.1	Object	ifs pédagogiques du chapitre	. 507
	11.2	Introdu	uction au DSGE	. 508
	11.3	Résolu	tion du modèle	. 511
	11.4	Log-lin	néarisation	. 516
		11.4.1	Formule de Taylor	. 516
		11.4.2	Principe de log-linéarisation	. 517
		11.4.3	Log-linéarisation des équations du RBC	. 517
		11.4.4	Système d'équations linéaires	. 520
	11.5		de l'état stationnaire	
	11.6	Estima	ation du modèle DSGE	. 527
		11.6.1	Problèmes d'estimation	. 527
		11.6.2	Représentation state-space du modèle DSGE	. 529
	11.7		e RBC avec Matlab et gEcon de R	

Econométrie	119
Econometrie	119

	11.8	11.7.2 Extens 11.8.1 11.8.2 11.8.3	Utilisation de Dynare sous Matlab Utilisation de gEcon sous R Sions du modèle RBC: les modèles DSGE Mécanismes néo-keynésiens Modèle DSGE à trois équations (avant 2007) Modèle DSGE postérieur à la crise de 2007 Exécution dans R du modèle DSGE de Smets et Woute	533542543555559
II	I I	Donné	ées de Panel	587
12	Pri	ncipau	x modèles linéaires des DP	589
	12.1	Object	cifs pédagogiques du chapitre	. 589
	12.2	Présen	tation des DP	. 590
			Double dimension des DP:	
			Avantages des DP	
			Inconvénients des DP:	
			Défi des DP : modéliser l'hétérogénéité	
	12.3		e à Effets Fixes	
			Modèle à Effets Fixes Individuels	
			Modèle à Effets Fixes Temporels	
			Modèle à Effets Fixes Individuels et Temporels	
	12.4		e à Erreurs Composées	
			Introduction	
			Le Modèle :	
			L'estimateur des MCG :	
			L'estimateur des MCQG	
			Autres estimateurs:	
			Tests d'absence d'effets spécifiques individuels :	
			Autocorrélation et hétéroscédasticité :	
	10.5		Estimation sur un panel non cylindré :	
	12.3		Ation et diagnostic dans R de MEF et MEC	
		12.3.1	Management des DP avec R	. 011
13	Aut	res mo	odèles statiques des DP	635
	13.1	Object	cifs pédagogiques du chapitre	. 635
			eme de corrélation des effets spécifiques individuels	
			Méthode de Mundlak	
		13.2.2	Méthode de Chamberlain	. 645
		13.2.3	Modèle en différences premières	. 647
		13.2.4	Méthode des variables instrumentales	. 650
			eme de mesure de régresseurs avec erreurs	
	13.4	Problè	eme de simultanéité dans le contexte des DP	. 667

	13.5	Modèles "hybrides" des données de panel	. 669
	13.6	Modèles à coefficients aléatoires	. 677
		Modèles à coefficients composés	
		Modèles logit et probit	
		13.8.1 Probit et logit à effets aléatoires	
		13.8.2 Probit et logit à effets fixes	
1 4	ъ.		000
14		dèles dynamiques des DP	693
		Objectifs pédagogiques du chapitre	
	14.2	Estimateurs usuels biaisés et non convergents	
		14.2.1 Cas du modèle autorégressif à effets fixes	
		14.2.2 Cas du modèle autorégressif à effets aléatoires	
	140	14.2.3 Biais de Nickel des modèles dynamiques à FE	
		Estimateur within de Balestra et Nerlove	
		Estimateur en différences de Balestra et Nerlove	
		Estimateur d'Anderson et Hsiao	
		Estimateur GMM en différences d'Arellano et Bond	
		Estimateur GMM en système de Blundell et Bond	
		Exemple numérique complet	
	14.9	Autres estimateurs des modèles dynamiques	710
		14.9.1 Estimateur d'Arellano et Bover	
	1 / 1 (14.9.2 Estimateur d'Ahn et Schmidt	
	14.10	Tests portant sur les modèles dynamiques	
		14.10.1 Test de validité des instruments	
		14.10.2 Test d'absence des effets fixes	
		14.10.3 Test d'autocorrélaton de second ordre	
		14.10.4 Test de Wald	
		14.10.5 Tests des modèles dynamiques dans R	. 122
1 \	' N	Modèle Causal et Extensions	727
15	Essa	ais Randomisés Contrôlés	729
	15.1	Objectifs pédagogiques du chapitre	. 729
		De l'analyse statistique classique à l'analyse causale	
		15.2.1 Évolution des conceptions philosophiques de la causalité	
		15.2.2 Causalité remplacée en physique classique par la loi	
		15.2.3 Causalité remplacée par la corrélation en statistique clas-	
		sique	. 752
		15.2.4 Causalité en physique quantique, vers un rétablissement	
		15.2.5 Rétablissement de la causalité en statistique	
		15.2.6 Causalité en macroéconomie et en économétrie	
	15.3	Essai Randomisé Contrôlé (RCT)	

Econométrie	1199
-------------	------

		15.3.2 15.3.3	Différentes classes de RCT	. 765 . 775
16	Mod	lèle ca	usal et ses extensions	777
	16.1	Object	ifs pédagogiques du chapitre	. 777
			dèle causal de Rubin	
		16.2.1	Résultats potentiels	. 778
			Mécanisme d'affectation	
		16.2.3	Mise en œuvre du modèle causal dans R $\ \ldots \ \ldots \ \ldots$. 781
		16.2.4	Analyse de la médiation causale	. 784
		16.2.5	Effet local moyen de traitement	. 788
		16.2.6	Analyse de la médiation causale avec variables instru-	
			mentales	
		16.2.7	Évaluation du modèle causal	. 796
			de de l'estimation par appariement	
	16.4		de des Doubles Différences	
			Méthode standard des doubles différences	
			Méthode DID étendue à plusieurs périodes	
			Limites de la méthode DID $\dots \dots \dots \dots$.	
			Mise en œuvre de la méthode DID dans R	
	16.5		sion sur discontinuité	
			Ce qu'est la régression sur discontinuité	
			Mise en œuvre de la RDD	
			Évaluation de la RDD	
			Cas de discontinuité floue	
			de de contrôle synthétique	
	16.7		lité au sens de Granger	
			Modèle mathématique de la causalité de Granger	
			Économétrie de la causalité de Granger	
		16.7.3	Test de causalité de Granger dans R	. 849
\mathbf{V}	M	odéli	sation bayésienne	853
17	Intr	oducti	on à l'inférence bayésienne	855
	17.1	Object	ifs pédagogiques du chapitre	. 855
	17.2	Règle d	de Bayes et inférence bayésienne	. 856
		17.2.1	Présentation basique de la règle de Bayes	. 856
		17.2.2	Partitions d'ensembles et règle de Bayes	. 858
		17.2.3	Loi de probabilité bivariée, tableau de contingence et	
			règle de Bayes	. 859

		17.2.4	Probabilités des causes et règle de Bayes	. 866
		17.2.5	Inférence bayésienne	. 870
		17.2.6	Introduction aux méthodes MCMC	. 872
	17.3	Modèle	es à un seul paramètre	. 874
			Modèle binomial	
		17.3.2	Modèle de Poisson	. 883
18	Mét	hodes	de Monte Carlo	893
	18.1	Object	tifs pédagogiques du chapitre	. 893
	18.2	Introd	uction	. 894
		18.2.1	Rappels sur la loi uniforme continue	. 895
		18.2.2	Rôle de la loi uniforme dans les méthodes de MC $$. 899
	18.3	Simul	ation de variables aléatoires	. 902
		18.3.1	Méthode de la transformée inverse	. 903
		18.3.2	Méthode générale de transformation	. 906
		18.3.3	J	
	18.4	Intégr	ration avec les méthodes MC	. 919
		18.4.1	L'intégration Monte Carlo classique	. 920
		18.4.2	L'échantillonnage préférentiel	. 926
	18.5	Optim	isation de Monte Carlo	. 936
			Méthodes numériques d'optimisation	
		18.5.2	Recherche stochastique	. 941
			Approximation stochastique	
	18.6	Algor	ithmes Metropolis-Hastings	. 954
	18.7	Échant	tillonnage de Gibbs	. 959
19	Infé	rence (du modèle normal	965
	19.1	Objec	etifs pédagogiques du chapitre	. 965
	19.2	Modè	le normal univarié	. 966
		19.2.1	Inférence de la moyenne lorsque la variance est connue	. 968
		19.2.2	Inférence de la variance lorsque la moyenne est connue	975
		19.2.3	Inférence conjointe de la moyenne et de la variance .	. 977
		19.2.4	Inférence conjointe de la moyenne et de la variance avec	
			un prior non conjugué	. 984
	19.3	Modè	le normal multivarié	. 985
		19.3.1	Distribution normale multivariée	. 986
		19.3.2	Choix des priors des paramètres d'une distribution nor-	
			male multivariée	. 988
		19.3.3	La fonction de vraisemblance	. 990
		1934	Détermination des distributions a posteriori	991

Econométrie 1201

20	Rég	ression	n linéaire bayésienne	995
	20.1	Object	cifs pédagogiques du chapitre	. 995
			uction à la Régression linéaire bayésienne	
	20.3	Foncti	on de vraisemblance des données	. 998
	20.4	Le cho	oix du prior, cas du prior conjugué \mathcal{NIG}	. 999
			nination de la distribution jointe a posteriori	
		20.5.1	Distribution a posteriori pour le prior \mathcal{NIG}	. 1002
			Exemples d'application	
		20.5.3	Mise en œuvre de la régression bayésienne avec MCMC-	
			pack de R \dots	. 1011
		20.5.4	Mise en œuvre dans R avec "rstanarm"	. 1013
	20.6	Régres	ssion linéaire bayésienne avec prior non conjugué	. 1018
		20.6.1	Cas de prior non informatif	. 1018
		20.6.2	Régression linéaire bayésienne avec prior de Jeffreys	. 1020
		20.6.3	Régression linéaire bayésienne avec g-prior	. 1021
		20.6.4	Régression linéaire avec prior LASSO	. 1021
	20.7	Prédic	tions bayésiennes	. 1022
		20.7.1	Estimation d'un modèle bayésien de RL avec prior conju-	
			gué	. 1024
		20.7.2	Prédictions à partir du posterior	. 1030
21	Inte	lligenc	ee Artificielle	1035
	21.1	Object	cifs pédagogiques du chapitre	. 1035
			ne Learning et Deep Machine Learning	
		21.2.1	ML supervisé	. 1038
		21.2.2	ML non supervisé	. 1039
			Learning ou Apprentissage par renforcement	
		21.2.4	Exemples pratiques d'utilisation du ML	. 1040
		21.2.5	Algorithmes de ML	. 1041
		0100	D. M. D. T. H.	1049
		21.2.6	Deep Machine Learning	. 1042
	21.3		Deep Machine Learning	
	21.3	Big Da	•	. 1043
	21.3	Big Da 21.3.1	ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043
		Big Da 21.3.1 21.3.2	ata et données hautement dimensionnées	. 1043. 1043. 1050
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin	ata et données hautement dimensionnées	. 1043. 1043. 1050. 1072
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin 21.4.1	Ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043 . 1050 . 1072 . 1072
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin 21.4.1 21.4.2	Ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043 . 1050 . 1072 . 1072 . 1073
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin 21.4.1 21.4.2 21.4.3 21.4.4	Ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043 . 1050 . 1072 . 1072 . 1073 . 1077
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin 21.4.1 21.4.2 21.4.3 21.4.4	Ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043 . 1050 . 1072 . 1072 . 1073 . 1077
		Big Da 21.3.1 21.3.2 Machin 21.4.1 21.4.2 21.4.3 21.4.4	Ata et données hautement dimensionnées	. 1043 . 1043 . 1050 . 1072 . 1073 . 1077 . 1080

	Annexes					
B.1 Fonctions trigonométriques : rappels B.1.1 Définitions et propriétés B.1.2 Sommes et produits B.1.3 Fonctions réciproques B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète rapide D.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtres de HP et de Kalman C.3.1 Introduction mathématique D.3 Filtre de Kalman C.3.2 Présentation mathématique D.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application Exemple d'application D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie Bibliographie D.1 Introduction rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie D.3 Bibliographie D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Bibliographie D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Mod	\mathbf{A}	Lois de probabilités usuelles				
B.1 Fonctions trigonométriques : rappels B.1.1 Définitions et propriétés B.1.2 Sommes et produits B.1.3 Fonctions réciproques B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète rapide D.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtres de HP et de Kalman C.3.1 Introduction mathématique D.3 Filtre de Kalman C.3.2 Présentation mathématique D.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application Exemple d'application D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie Bibliographie D.1 Introduction rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie D.3 Bibliographie D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Bibliographie D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Mod	В	Analyse de Fourier				
B.1.1 Définitions et propriétés B.1.2 Sommes et produits B.1.3 Fonctions réciproques B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Bibliographie				1093		
B.1.2 Sommes et produits B.1.3 Fonctions réciproques B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète rapide B.5 Transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées et Fourier B.5 Transformée de Fourier B.5 Transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées et Fourier B.5 Transformée de Fourier B.4.2 Transformée de Fourier B.4.2 Transformée de Fourier B.5 Transformée de Fourier B.4.2 Tra						
B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie						
B.1.4 Formules d'Euler B.2 Analyse spectrale des sinusoïdes B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles Bibliographie			B.1.3 Fonctions réciproques	1095		
B.3 Séries de Fourier B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Bibliographie						
B.4 De la série à la transformation et à la transformée de Fourier		B.2	Analyse spectrale des sinusoïdes	1100		
B.4.1 Transformation et transformée de Fourier B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Bibliographie		В.3	Séries de Fourier	1105		
B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles		B.4	De la série à la transformation et à la transformée de Fourier	1109		
B.5 Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier discrète rapide			B.4.1 Transformation et transformée de Fourier	1109		
crète rapide			B.4.2 Propriétés des transformées de Fourier	1111		
C Filtres de HP et de Kalman C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles		B.5	Transformée de Fourier discrète et transformée de Fourier dis	S-		
C.1 Filtrage des données en économie C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations rationnelles D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles			crète rapide	1113		
C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles	\mathbf{C}	Filtres de HP et de Kalman				
C.2 Filtre de Hodrick-Prescott C.2.1 Présentation mathématique C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles		C.1	Filtrage des données en économie	1117		
C.2.2 Application du filtre HP C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles						
C.3 Filtre de Kalman C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles			C.2.1 Présentation mathématique	1118		
C.3.1 Introduction pratique C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles			C.2.2 Application du filtre HP	1121		
C.3.2 Présentation mathématique générale C.3.3 Application avec R C.3.4 Exemple d'application D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction D.2 Modèle des anticipations adaptatives D.3 Modèle des anticipations rationnelles D.4 Modèle des anticipations rationnelles D.5 Modèle des anticipations rationnelles D.6 Modèle des anticipations rationnelles D.7 Modèle des anticipations rationnelles D.8 Modèle des anticipations rationnelles D.9 Modèle des anticipations rationnelles		C.3	Filtre de Kalman	1127		
C.3.3 Application avec R			C.3.1 Introduction pratique	1128		
C.3.4 Exemple d'application			C.3.2 Présentation mathématique générale	1136		
D Modélisation des anticipations rationnelles D.1 Introduction			C.3.3 Application avec R	1137		
D.1 Introduction						
D.2 Modèle des anticipations adaptatives	\mathbf{D}	Modélisation des anticipations rationnelles				
D.3 Modèle des anticipations rationnelles		D.1	Introduction	1143		
Bibliographie 11		D.2	Modèle des anticipations adaptatives	1144		
		D.3	Modèle des anticipations rationnelles	1145		
m 11 1	\mathbf{B}^{i}	iblio	ographie	1153		
Table des matieres 17	T:	hle	des matières	1202		

ÉCONOMÉTRIE

Appliquée avec R

Le présent manuel utilisant R traite du Modèle Linéaire et ML Général; des Séries Temporelles; des Données de panel; du Modèle Causal et extensions ainsi que de la Modélisation bayésienne.

Lahcen OULHAJ

Professeur de sciences économiques - Université Mohamed V ; Président de la Commission permanente chargée de l'analyse de la conjoncture économique et sociale au CESE- Rabat-Maroc.

> POLICY CENTER FOR THE NEW SOUTH Rabat, Maroc www.policycenter.ma

